

INTEGRALES MÚLTIPLES

1 - El volumen de un cilindro de $r=2$ y $h=10$, se puede calcular haciendo

A) $\int_0^{10} \int_{\sqrt{4-y^2}}^{\sqrt{4+y^2}} dx dy$ B) $\frac{1}{3} \pi 2^2 10$

C) $\int_0^2 \int_0^{10} dx dy$ D) $\int_0^2 \int_{\sqrt{4-x^2}}^{\sqrt{4+x^2}} 10 dy dx$

2 - La integral $\int_0^1 \int_0^{\sqrt{1-x^2}} f(x,y) dA$ es igual a:

A) $\int_0^1 \int_{x^2+y^2}^1 dx dy$ B) $\int_0^{\frac{1}{\sqrt{2}}} \int_x^{\sqrt{1-x^2}} f(x,y) dy dx$

C) $\int_0^{\frac{1}{\sqrt{2}}} \int_x^{\sqrt{1-x^2}} f(x,y) dx dy$ D) $\int_0^{\frac{1}{\sqrt{2}}} \int_x^{\sqrt{1-x^2}} f(x,y) dy dx$

3 - La integral $\int_0^1 \int_0^x x^3 y^2 dA$ vale:

A) -5/12 B) 1/12 C) 12 D) -1/12

4 - Al cambiar el orden de integración $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \int_0^{\cos x} f(x,y) dy dx$ es igual a:

A) $\int_0^1 \int_{\arccos y}^{\frac{\pi}{2}} f(x,y) dx dy$ B) $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \int_0^{\cos x} f(x,y) dx dy$

C) $\int_0^1 \int_0^{\arccos y} f(x,y) dx dy$ D) $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \int_0^{\cos x} f(x,y) dx dy$

5 - El volumen de un cilindro de $r=2$ y $h=10$, se puede calcular haciendo

A) $\int_D 10 \, dA$ $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x^2 + y^2 \leq 2\}$ B) $\frac{1}{3} \pi \sqrt{2} \cdot 10$

C) $\int_0^2 \int_0^{\sqrt{4-x^2}} 10 \, dx \, dy$

D) $\int_0^2 \int_{\sqrt{4-x^2}}^{\sqrt{4+x^2}} 10 \, dy \, dx$

6 - La integral $\int_D f(x, y) \, dA$ $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / 0 \leq x \leq y, x^2 + y^2 \leq 1\}$ es igual a:

A) $\int_0^1 \int_{x^2}^x f(x, y) \, dx \, dy$ B) $\int_0^1 \int_x^{\sqrt{1-x^2}} f(x, y) \, dy \, dx$

C) $\int_0^1 \int_x^{\sqrt{1-x^2}} f(x, y) \, dx \, dy$ D) $\int_x^{\sqrt{1-x^2}} \int_0^1 f(x, y) \, dx \, dy$

7 - La integral $\int_D x^3 y^2 \, dA$ $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq x\}$ vale:

A) -5/12 B) 1/12 C) 12 D) -1/12

8 - Calcular el volumen interior a

$$S_1 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / x^2 + y^2 \leq z, z \geq 0\} \quad S_2 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / (z+2)^2 \leq x^2 + y^2, z \geq 0\}$$

9 - Calcular el volumen del cuerpo limitado por la ecuaciones siguientes:

$$x^2 + z^2 = 9 \quad z = 0 \quad y = x \quad y = x/2$$

10 - Calcular el volumen comprendido entre las siguientes superficies:

$$S_1 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / x^2 + y^2 = 1, 1 \leq z \leq 2\}$$

$$S_2 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / x^2 + y^2 = z^2, 0 \leq z \leq 1\}$$

$$S_3 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / x^2 + y^2 \leq 1, z = 2\}$$

11 - Calcular el volumen encerrado entre

$$S_1 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / x^2 + y^2 = 2 - z, z \geq 0\} \quad S_2 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / x^2 + y^2 = z^2, z \geq 0\}$$

12 - Calcular el volumen encerrado en las siguientes superficies:

$$S_1 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / z^2 = x^2 + y^2, z \geq 0\} \quad S_2 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / x^2 + y^2 + z^2 = 2, z \geq 0\}$$

13 - Sean $S_1 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / x^2 + y^2 + z^2 = 1\}$ $S_2 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / z = x^2 + y^2\}$

- Haz un esquema lo más aproximado posible de los conjuntos S_1 y S_2 en \mathbb{R}^3
- Escribe la región interior a S_1 y S_2 en coordenadas cartesianas, como región elemental de \mathbb{R}^3 .
- Calcula el volumen de la región interior.

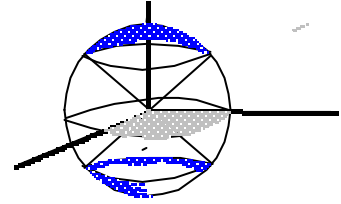
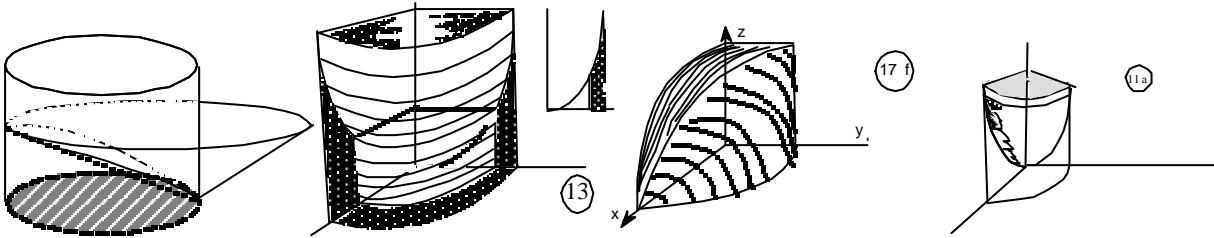


Ilustración a

Calcula el volumen encerrado en las siguientes superficies:

$$S_1 = \{ (x,y,z) \in \mathbb{R}^3 / z^2 = x^2+y^2, z \geq 0 \}$$

$$S_2 = \{ (x,y,z) \in \mathbb{R}^3 / x^2+y^2+z^2 = 2 \} \quad (\text{Ilustración a})$$



$x^2+y^2-3z^2=0$ con $x^2+y^2-4y=0$ y superior al OXY

Sean:

$$S_1 = \{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / x^2 + y^2 = z^2, 0 \leq z \}$$

$$S_2 = \{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / (z+2)^2 - x^2 - y^2 = 0, z \leq 2 \}$$

- Hacer un esquema, lo más aproximado posible, de los conjuntos S_1 y S_2 en \mathbb{R}^3 , indicando que tipo de superficie es cada uno de ellos.
- Escribe la región interior a S_1 y S_2 en coordenadas cartesianas, como región elemental de \mathbb{R}^3 . (Considerar sólo los valores de $z > 0$).
- Calcular el volumen de la región anterior.

$$\text{Sean } S_1 = \{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / x^2 + y^2 = 6 - z \} \quad S_2 = \{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / z^2 = x^2 + y^2 \}$$

- Hacer un esquema, lo más aproximado posible, de los conjuntos S_1 y S_2 en \mathbb{R}^3 , indicando que tipo de superficie es cada uno de ellos.
- Escribe la región interior a S_1 y S_2 en coordenadas cartesianas, como región elemental de \mathbb{R}^3 . (Considerar sólo los valores de $z > 0$).
- Calcular el volumen de la región anterior.

- Calcular el volumen del cuerpo limitado por las ecuaciones siguientes:

$$x^2 + z^2 = 9$$

$$z = 0$$

$$y = x$$

$$y = x/2$$